

Ejercicios y problemas de la ecuación de la recta I

- Una recta pasa por el punto $A(-1, 3)$ y tiene un vector director $\vec{v} = (2, 5)$. Escribir su ecuación vectorial.
- Una recta pasa por el punto $A(-1, 3)$ y tiene un vector director $\vec{v} = (2, 5)$. Escribir sus ecuaciones paramétricas.
- Una recta pasa por el punto $A(-1, 3)$ y tiene un vector director $\vec{v} = (2, 5)$. Escribir su ecuación continua.
- Escribir la ecuación punto pendiente de:
 - Una recta pasa por el punto $A(-1, 3)$ y tiene un vector director $\vec{v} = (2, 5)$.
 - Una recta que pasa por los puntos $A(-2, -3)$ y $B(4, 2)$.
 - Una recta que pasa por $A(-2, -3)$ y tiene una inclinación de 45° .
- Escribir la ecuación general de la recta que:
 - Pasa por $A(1, 5)$ y tiene como vector director \vec{v} igual $(2, 1)$.
 - Pasa por $A(1, 5)$ y tiene como pendiente $m = -2$.
- Hallar la ecuación en forma explícita de la recta que pasa por $A(1, 5)$ y tiene como pendiente $m = -2$.
- Hallar la ecuación de la recta que pasa por $A(1, 3)$ y $B(2, -5)$.
- Escribe de todas las formas posibles la ecuación de la recta que pasa por los puntos $A(1, 2)$ y $B(-2, 5)$.
- Hallar la pendiente y la ordenada en el origen de la recta $3x + 2y - 7 = 0$.
- Estudiar la posición relativa de las rectas de ecuaciones:
 $r: 2x + 3y - 4 = 0$; $s: x - 2y + 1 = 0$; $t: 3x - 2y - 9 = 0$; $l: 4x + 6y - 8 = 0$
 $m: 2x - 4y - 6 = 0$; $n: 2x + 3y + 9 = 0$
- ¿Son secantes las rectas $r \equiv x + y - 2 = 0$ y $s \equiv x - 2y + 4 = 0$? En caso afirmativo calcular el punto de corte.
- Clasificar el triángulo determinado por los puntos: $A(6, 0)$, $B(3, 0)$ y $C(6, 3)$.
- Clasificar el triángulo determinado por los puntos: $A(4, -3)$, $B(3, 0)$ y $C(0, 1)$.
- De un paralelogramo $ABCD$ conocemos $A(1, 3)$, $B(5, 1)$, $C(-2, 0)$. Halla las coordenadas del vértice D .
- Se tiene el cuadrilátero $ABCD$ cuyos vértices son $A(3, 0)$, $B(1, 4)$, $C(-3, 2)$ y $D(-1, -2)$. Comprueba que es un paralelogramo y determina su centro.
- De un paralelogramo se conoce un vértice, $A(8, 0)$, y el punto de corte de las dos diagonales, $Q(6, 2)$. También sabemos que otro vértice se encuentra en el origen de coordenadas. Calcular:
 - Los otros vértices.
 - Las ecuaciones de las diagonales.
 - La longitud de las diagonales.
- Hallar la ecuación de la recta r , que pasa por $A(1, 5)$, y es paralela a la recta $s \equiv 2x + y + 2 = 0$.
- Hallar la ecuación de la recta que pasa por el punto $A(2, -3)$ y es paralela a la recta que une los puntos $B(4, 1)$ y $C(-2, 2)$.
- La recta $r \equiv 3x + ny - 7 = 0$ pasa por el punto $A(3, 2)$ y es paralela a la recta $s \equiv mx + 2y - 13 = 0$. Calcula m y n .
- Dado el triángulo ABC , de coordenadas $A(0, 0)$, $B(4, 0)$ y $C(4, 4)$; calcula la ecuación de la mediana que pasa por el vértice B .
- Los puntos $A(-1, 3)$ y $B(3, -3)$, son vértices de un triángulo isósceles ABC que tiene su vértice C en la recta $2x - 4y + 3 = 0$ siendo AC y BC los lados iguales. Calcular las coordenadas del vértice C .

22. Encontrar la ecuación de la recta r paralela a $2x-3y=4$ que pasa por el punto de intersección de las rectas s y t de ecuaciones $y=3x-1$, $x+2y=-3$
23. Encuentra la ecuación de la recta que tiene por dirección el vector $v(-1, 3)$ y pasa por el punto de corte de las rectas de ecuaciones $x+y=1$ y $2x-3y=0$
24. Halla la ecuación de la recta perpendicular a $x+3y-5=0$ y que pase por el punto $A(0,3)$
25. Halla la ecuación de las alturas del triángulo de vértices $A(0,0)$, $B(1,4)$ y $C(1,-2)$
26. Halla la ecuación de la recta perpendicular a r: $3x-2y+4=0$ que pasa por el punto de intersección de las rectas s: $x+y-2=0$ y m: $3x+y-4=0$
27. Halla la ecuación de la recta perpendicular a r: $\begin{cases} x = 3 + 2\lambda \\ y = -1 + \lambda \end{cases}$ que pase por el origen de coordenadas
28. Halla m para que las rectas r: $3x-2y+5=0$ y s: $4x-my+1=0$ sean a) paralelas; b)perpendiculares
29. Halla la ecuación de los dos ejes coordenados y de las paralelas a ellos que pasan por el punto $A(1,2)$

Soluciones:

1. $(x,y)=(-1,3)+\lambda(2,5)$;
2. $\begin{cases} x = -1 + 2\lambda \\ y = 3 + 5\lambda \end{cases}$;
3. $\frac{x+1}{2} = \frac{y-3}{5}$;
4. a) $5/2(x+1)=y-3$, b) $5/6(x+2)=y+3$; c) $x+2=y+3$;
5. a) $x-2y+9=0$, b) $2x+y-7=0$;
6. $y=-2x+7$;
7. $8x+y-11=0$;
8. Ec. general: $8x+y-11=0$, ec. vectorial: $(x,y)=(1,2)+\lambda(1,-8)$, ec. paramétricas: $\begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = 2 - 8\lambda \end{cases}$;
- Ec. Continua: $x - 1 = \frac{y-2}{-8}$;
9. $m=-3/2$, ordenada en el origen $y=7/2$;
10. r y s secantes, r y t perpendiculares, r y l la misma recta, r y m secantes, r y n paralelas s y t secantes, s y l secantes, s y m paralelas, s y n secantes; t y l perpendiculares, t y m secantes, t y n perpendiculares; l y m secantes, l y n paralelas ; m y n secantes
11. $\frac{1}{1} \neq \frac{1}{-2}$ por tanto son secantes. Punto de corte $(0,2)$;
12. El triángulo es isósceles al ser $|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{AC}|$ y es rectángulo por ser $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0$;
13. Es isósceles al ser $|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{BC}|$
14. $D(-6,2)$;
15. Para comprobar que es un paralelogramo hay que demostrar que los lados son paralelos dos a dos e iguales dos a dos. $\overrightarrow{AB} = (-2,4)$, $\overrightarrow{DC} = (2, -4)$ se comprueba que ambos son paralelos por ser $\frac{-2}{2} = \frac{4}{-4}$. Al hallar sus módulos ambos dan $\sqrt{20}$ por tanto si es un paralelogramo. ;
- 16.a) $A(8,0)$; $B(0,0)$ $C(x,y)$ el punto medio de AC es Q $(6,2)$ aplicando la fórmula del punto medio de un segmento se obtiene que $C(4,4)$. Para hallar el vértice D hacemos lo mismo con el segmento BD obteniendo que $D(12,4)$; b) ecuación de la diagonal AC $4x+4y-32=0$, ecuación de la diagonal BC $4x-12y=0$; c) La longitud de las diagonales es el módulo de los vectores $|\overrightarrow{AC}| = \sqrt{32}$ y $|\overrightarrow{DB}| = \sqrt{160}$;
17. $2x+y-12=0$;
18. $X+6y+16=0$;
19. $n=-1$, $m=-6$;

20. $2x+2y-8=0$;

21. Que el triángulo sea isósceles siendo AC y BC los lados iguales significa que $|\vec{AC}| = |\vec{BC}|$;

Llamando a C(x,y) tenemos que $|\vec{AC}| = \sqrt{(x+1)^2 + (y-3)^2}$,

$|\vec{BC}| = \sqrt{(x+1)^2 + (y-3)^2}$ igualando se obtiene la

ecuación $\sqrt{(x+1)^2 + (y-3)^2} = \sqrt{(x+1)^2 + (y-3)^2}$, elevando al cuadrado ambos miembros y operando se obtiene la ecuación $2x-3y-2=0$, intersecamos dicha ecuación con la de la recta $2x-4y+3=0$ que sabemos que también pasa por C y resolviendo el sistema obtenemos C(17/2, 5);

22. Punto de intersección (-1/7, -10/7), recta: $2x-3y-4=0$

23. punto de intersección (3/5, 2/5), recta $3x+y-11/5=0$

24. $3x-y+3=0$

25. Altura que pasa por A: $y=0$, altura que pasa por B: $x-2y+7=0$; altura que pasa por c:

$x+4y+7=0$

26. Punto de corte (1,1) recta: $2x+3y-5=0$

27. $2x+y=0$

28. a) $m=8/3$, b) $m=-6$

29. Ecuación del eje OX: $y=0$, ecuación del eje OY: $x=0$; ecuación de la paralela al eje OX pasando por A(1,2): $y=2$, ecuación de la paralela al eje OY pasando por A(1,2): $x=1$